



# Оптимизация в Федеративном обучении

Александр Безносиков, заведующий лабораторией фундаментальных исследований МФТИ-Яндекс

# Задача обучения – задача оптимизации

## Задача обучения

Дана обучающая выборка  $\{x_i, y_i\}_{i=1}^n$ , где  $x_i$  – объекты (картинки, тексты и т.д.),  $y_i$  – ответы/лейблы (на картинке изображена машинка и т.д.).

## Цель

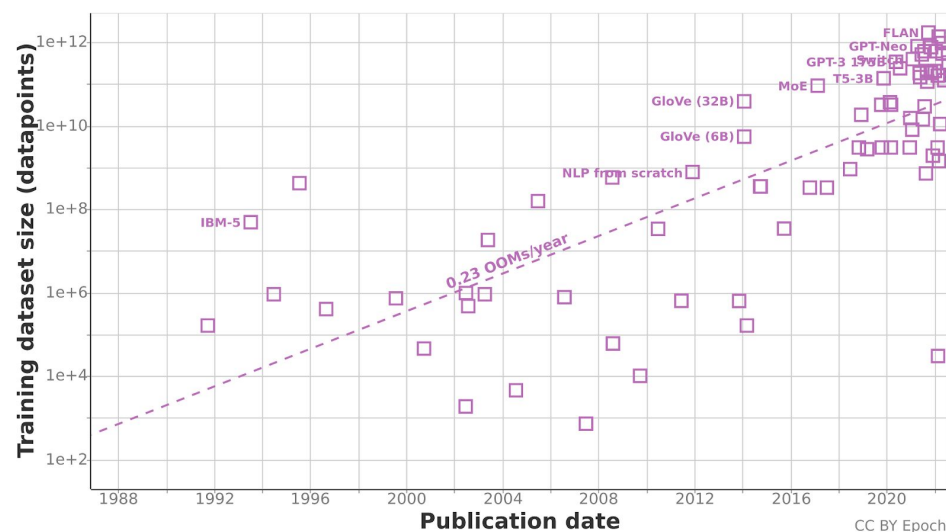
Выбирается модель  $g(w, x_i)$ , которая принимает на вход объект и какие-то свои внутренние параметры  $w$  (их можно менять и настраивать). Необходимо настроить  $w$  (обучить модель) так, чтобы  $g(w, x_i) \approx y_i$  для всех  $i$ .

## Формальная постановка

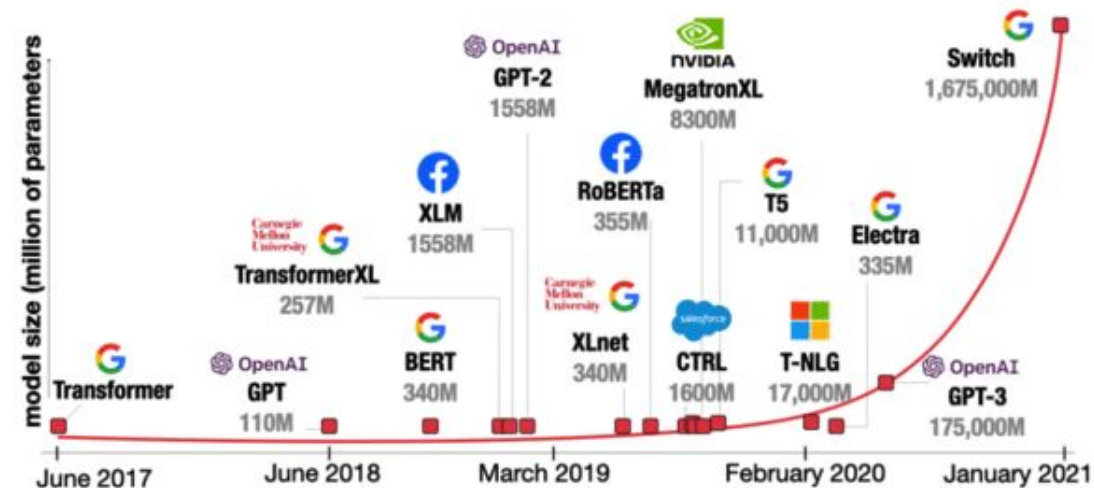
$$\min_{w \in \mathbb{R}^d} f(w) := \frac{1}{n} \sum_{i=1}^n l(g(w, x_i), y_i)$$

# Тенденции машинного обучения

## Экспоненциальный рост размеров данных



## Экспоненциальный рост размеров моделей



К таким задачам не имеет смысла подходить без параллелизации/распределения процесса обучения!

# Распределенная задача оптимизации

---

## Делим задачу

Задача обучения делится между устройствами. Каждое устройство хранит только свой кусок данных.

## Формальная постановка

$$\min_{w \in \mathbb{R}^d} f(w) := \frac{1}{M} \sum_{m=1}^M f_m(w) := \frac{1}{M} \sum_{m=1}^M \frac{1}{n_m} \sum_{i=1}^{n_m} l(g(w, x_i), y_i).$$



Что может помешать полному ускорению? Коммуникации в данном случае трата времени

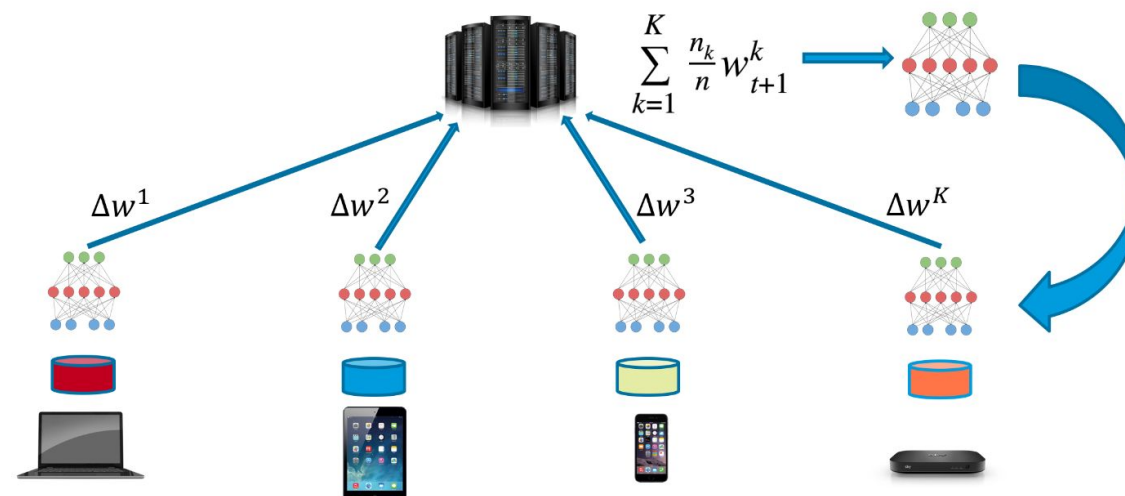
# Федеративного обучение - ветвь распределенного обучения



Классика распределенного обучения – использование вычислительных кластеров.



Федеративное обучение – новая парадигма.



Теперь данные хранятся на локальных устройствах пользователей, что порождает массу новых вопросов к созданию алгоритмов обучения, в первую очередь к коммуникациям.

# Особенности федеративного обучения

---

## 01 Данные



локальные приватные  
данные  
пользователей

## 02 Мощности



локальные  
вычислительные  
мощности  
пользовательских  
устройств

## 03 Коммуникации



беспроводные сети,  
мобильный Интернет



Какие это проблемы может повлечь за собой?

# Проблема федеративного обучения

---



## Приватность

Данные нельзя пересылать, нельзя пересылать и некоторые производные от данных.



## Персонализация

Пользователю интересны только его конкретная задача.



## Загрузка устройств

Нельзя перегружать устройство, когда пользователь это может заметить.



## Коммуникации

Коммуникации очень медленные, а иногда и связь с отдельными пользователями может прерваться.

# Приватность

Аддитивный шум

$$\left( \frac{1}{M} \sum_{m=1}^M (\nabla f_m(x) + \xi_m) \right) + \xi$$

Сжатие

$$\text{Сжатие} \left( \frac{1}{M} \sum_{m=1}^M \text{Сжатие}(\nabla f_m(x)) \right)$$

Шифрование

$$\text{Декодирование} \left( \sum_{m=1}^M \text{Кодирование}(\nabla f_m(x)) \right) = \sum_{m=1}^M \nabla f_m(x)$$



# Персонализация

Регуляризация к средней модели

$$\min_{x_1, \dots, x_M \in \mathbb{R}^d} \left[ \frac{1}{M} \sum_{m=1}^M f_m(x_m) + \frac{\lambda}{2} \|x_m - \bar{x}\|^2 \right]$$

Регуляризация к локальным моделям

$$\min_{x \in \mathbb{R}^d} \left[ \frac{1}{M} \sum_{m=1}^M f_m(\alpha_m x_m^* + (1 - \alpha)x) \right]$$

Обучение графа коммуникаций

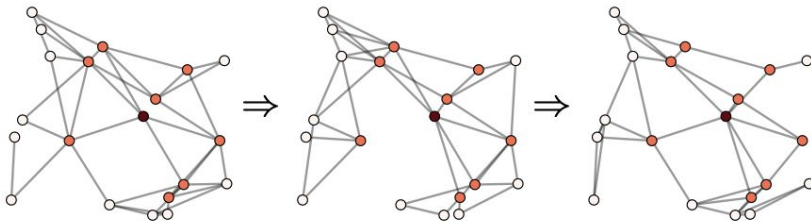
$$\min_{x_1, \dots, x_M \in \mathbb{R}^d} \min_{W \in \mathcal{C}} \left[ \frac{1}{M} \sum_{m=1}^M f_m(x_m) + \frac{\lambda}{2} X^T W X \right]$$

# Коммуникации

## Сжатие информации

$$\text{Сжатие} \left( \frac{1}{M} \sum_{m=1}^M \text{Сжатие}(\nabla f_m(x)) \right)$$

## Диффузия в децентрализованной сети



## Локальные вычисления и похожесть

$$\|\nabla f(x) - \nabla f_m(x)\| \leq \zeta$$

$$\|\nabla^2 f(x) - \nabla^2 f_m(x)\| \leq \delta$$

## Асинхронное/частичное участие

